

NGFS CLASS IX

S A I 2012

Ashish.

ਖੱਣਡ-ਅ/ SECTION-A

प्रश्न संख्या 1 से 8 तक प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है। प्रश्न संख्या 1 से 8 में प्रत्येक प्रश्न के लिए 4 विकल्प दिए गए हैं, जिनमें से केवल एक सही है। सही विकल्प चुनिए।

Question numbers 1 to 8 carry 1 mark each. For each question four alternatives choices have been provided of which one is correct. You have to select the correct choice.

$(81)^{-1/4} \times \sqrt[4]{81}$ का सरलतम मान है :

The simplified value of $(81)^{-1/4} \times \sqrt[4]{81}$ is :

- (A) 9 (B) 3 (C) 1 (D) 0

$\sqrt{2}$ बहुपद की घात है :

- (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) $\sqrt{2}$

$\sqrt{2}$ is the polynomial of degree:

- (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) $\sqrt{2}$

यदि $p(x) = 3x^3 - 2x^2 - x + 4$ हो, तो $p(-1)$ बराबर है :

- (A) -2 (B) 4 (C) 0 (D) 6

If $p(x) = 3x^3 - 2x^2 - x + 4$ then $p(-1)$ is equal to :

- (A) -2 (B) 4 (C) 0 (D) 6

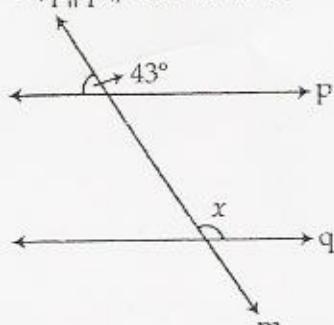
$$\left(\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 \text{ बराबर है :}$$

- (A) $4\sqrt{2}$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (C) $\frac{4}{\sqrt{2}}$ (D) 9

$(\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}})^2$ is equal to :

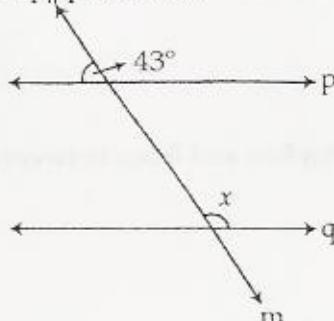
- (A) $4\sqrt{2}$ (B) $\frac{9}{2}$ (C) $\frac{4}{\sqrt{2}}$ (D) 9

यदि $p \parallel q$ है, तो x बराबर है :



- (A) 137° (B) 117° (C) 43° (D) 47°

If $p \parallel q$ then x is :



- (A) 137° (B) 117° (C) 43° (D) 47°

6 ✓ यदि $\triangle XYZ$, में $\angle Y > \angle X$ और $XY = 13\text{ cm}$, तो XZ है :

- (A) 8 cm (B) 9 cm (C) 13.5 cm (D) 13 cm

If in a triangle XYZ , $\angle Y > \angle X$ and $XY = 13\text{ cm}$, then XZ is :

- (A) 8 cm (B) 9 cm (C) 13.5 cm (D) 13 cm

7 ✓ यदि एक बिंदु y -अक्ष की ऋणात्मक दिशा में मूलबिंदु से 3 इकाई की दूरी पर है, तो बिंदु के निरेशांक हैं :

- (A) (0, 3) (B) (0, -3) (C) (3, 0) (D) (-3, 0)

If a point is on negative side of y -axis at a distance of 3 units from origin then, the co-ordinates of the point are :

- (A) (0, 3) (B) (0, -3) (C) (3, 0) (D) (-3, 0)

8 ✓ एक बिंदु के निरेशांक $(-2, 3)$ हैं, तो इसकी x -अक्ष से दूरी है :

- (A) 2 इकाई (B) -3 इकाई (C) -2 इकाई (D) 3 इकाई

Co-ordinate of a point are $(-2, 3)$. Its distance from x -axis is :

- (A) 2 units (B) -3 units (C) -2 units (D) 3 units

खण्ड-ब / SECTION-B

प्रश्न संख्या 9 से 14 तक प्रत्येक के 2 अंक हैं।

Question numbers 9 to 14 carry 2 marks each.

सरलतम रूप में लिखिए

$$8\sqrt{45} + 2\sqrt{50} - 3\sqrt{147}$$

Write in simplest form :

$$8\sqrt{45} + 2\sqrt{50} - 3\sqrt{147}$$

10. k का ऐसा मान ज्ञात कीजिए कि $(x-1)$ $5x^3 + 4x^2 - 6x + 2k$ का एक गुणनखण्ड हो जाए :

Find the value of k , such that $x-1$ is a factor of $5x^3 + 4x^2 - 6x + 2k$

11. गुणनखण्ड कीजिए $x^4 - 125xy^3$

Factorise $x^4 - 125xy^3$

12.

चित्र में एक रेखा पर तीन बिंदु A, B और C इस प्रकार हैं कि B की स्थिति A व C के बीच में है। सिद्ध कीजिए कि $AB + BC = AC$ है।

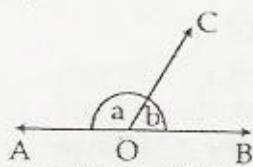


In the figure, if A, B and C are three points on a line and B lies between A and C, then prove that $AB + BC = AC$.

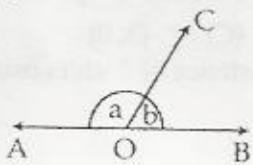


13.

चित्र में $\angle AOC$ और $\angle BOC$ एक सरल रेखा AB बनाते हैं। यदि $a - b = 80^\circ$ हो, तो a और b का मान ज्ञात कीजिए।

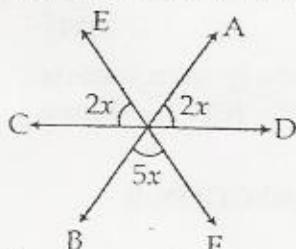


In the given figure $\angle AOC$ and $\angle BOC$ form a line AB. If $a - b = 80^\circ$, find the values of a and b.

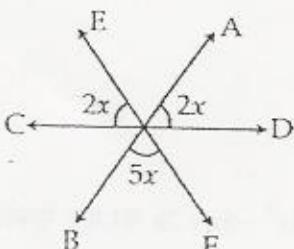


अथवा / OR

चित्र में AB, CD और EF तीन रेखाएँ बिंदु O पर संगमी हैं। x का मान ज्ञात कीजिए।



In the given figure, AB, CD and EF are three lines concurrent at O. Find the value of x.



14.

एक त्रिभुज का परिमाप 120 cm और भुजाएँ 5 : 12 : 13 के अनुपात में हैं। त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

The perimeter of a Δ is 120 cm and its sides are in the ratio 5 : 12 : 13. Find the area of the triangle.

खण्ड-स / SECTION-C

प्रश्न संख्या 15 से 24 तक प्रत्येक प्रश्न के 3 अंक हैं।

Question numbers 15 to 24 carry 3 marks each.

15. सरल कीजिए $\left[5^2 \left(8\frac{1}{3} + 27\frac{1}{3} \right)^3 \right]^{\frac{1}{5}}$

Simplify : $\left[5^2 \left(8\frac{1}{3} + 27\frac{1}{3} \right)^3 \right]^{\frac{1}{5}}$

अथवा / OR

$0.\overline{235}$ को $\frac{p}{q}$ के रूप में व्यक्त कीजिए, जबकि p और q पूर्णांक हैं, $q \neq 0$ है।

Express $0.\overline{235}$ in the form $\frac{p}{q}$ where p and q are integers, $q \neq 0$.

16. a और b का मान ज्ञात कीजिए, जबकि

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}} = a + b\sqrt{6}.$$

Find the value of a and b, if

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}} = a + b\sqrt{6}.$$

17. यदि $4x^3 - 16x^2 + 10x + k$ का गुणनखण्ड $2x - 1$ है, तो k का मान ज्ञात कीजिए।

If $2x - 1$ is a factor of $4x^3 - 16x^2 + 10x + k$ then find the value of k.

अथवा / OR

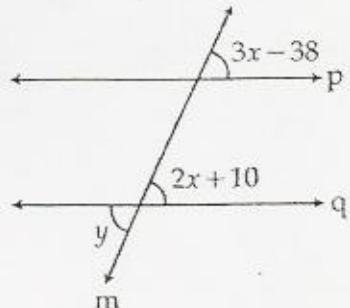
यदि $x = 2y + 6$ हो, तो $x^3 - 8y^3 - 36xy - 216$ का मान ज्ञात कीजिए।

If $x = 2y + 6$, find the value of $x^3 - 8y^3 - 36xy - 216$.

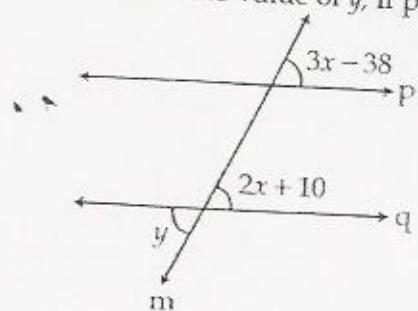
18. यदि $a^2 + b^2 + c^2 = 280$ और $ab + bc + ca = \frac{9}{2}$ है, तो $(a + b + c)^3$ का मान ज्ञात कीजिए।

If $a^2 + b^2 + c^2 = 280$, and $ab + bc + ca = \frac{9}{2}$, then find the value of $(a + b + c)^3$.

19. यदि p और q समांतर रेखाएँ हैं, तो y का मान ज्ञात कीजिए।

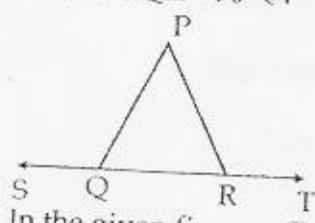


What is the value of y , if p and q are parallel to each other.

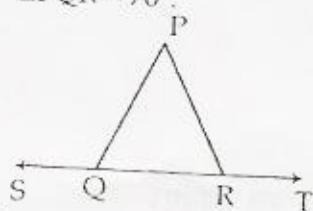


अथवा / OR

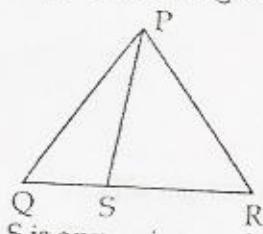
वित्र में $\angle PQR = \angle PRQ$ है, तो सिद्ध कीजिए कि $\angle PQS = \angle PRT$ है। $\angle P$ का माप ज्ञात कीजिए जबकि $\angle PQR = 70^\circ$ है।



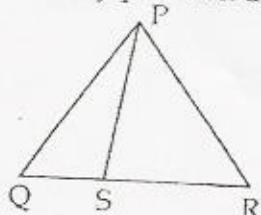
In the given figure, $\angle PQR = \angle PRQ$, then prove that $\angle PQS = \angle PRT$. Also find $\angle P$ if $\angle PQR = 70^\circ$.



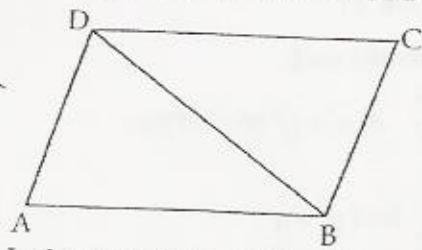
20. त्रिभुज PQR की भुजा QR पर कोई बिंदु S है। सिद्ध कीजिए कि $PQ + QR + RP > 2PS$ है।



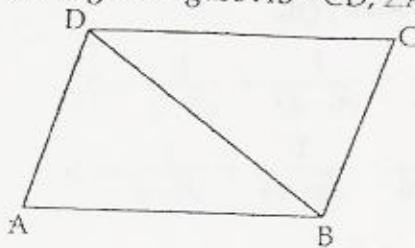
S is any point on the side QR of a triangle PQR. Prove that $PQ + QR + RP > 2PS$.



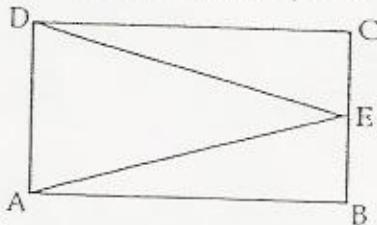
21. चित्र में $AB = CD$, $\angle ABD = \angle CDB$ है। सिद्ध कीजिए कि $AD = CB$ है।



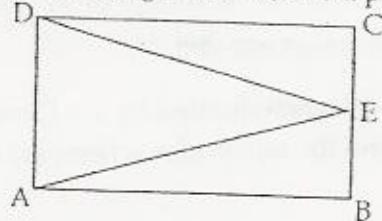
In the given figure $AB = CD$, $\angle ABD = \angle CDB$. Prove that $AD = CB$.



22. आयत ABCD में बिंदु E, भुजा BC को समद्विभाजित करता है। सिद्ध कीजिए कि $AE = ED$ है।



In a rectangle ABCD, E is a point which bisects BC. Prove that $AE = ED$.



23. “यदि त्रिभुज की एक भुजा को बढ़ाया जाए, तो इस प्रकार बना बाह्य कोण अपने दोनों अंतः अभिमुख कोणों के योग के बराबर होता है”। सिद्ध कीजिए।

“If a side of a triangle is produced, then the exterior angle so formed is equal to the sum of interior opposite angles”. Prove it.

24. चतुर्भुज ABCD का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जबकि $AB = 7\text{ cm}$, $BC = 6\text{ cm}$, $CD = 12\text{ cm}$, $DA = 15\text{ cm}$ और $AC = 9\text{ cm}$ है।

Find the area of the quadrilateral ABCD where $AB = 7\text{ cm}$, $BC = 6\text{ cm}$, $CD = 12\text{ cm}$, $DA = 15\text{ cm}$ and $AC = 9\text{ cm}$.

खण्ड-द / SECTION-D

प्रश्न संख्या 25 से 34 तक प्रत्येक प्रश्न के 4 अंक हैं।

Question numbers 25 to 34 carry 4 marks each.

25. यदि $p = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$ और $q = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$, तो $p^2 + q^2$ ज्ञात कीजिए।

If $p = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$ and $q = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$, find $p^2 + q^2$.

अथवा / OR

दर्शाइए कि $\frac{1}{3-\sqrt{8}} - \frac{1}{\sqrt{8}-\sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7}-\sqrt{6}} - \frac{1}{\sqrt{6}-\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5}-2} = 5$.

Show that $\frac{1}{3-\sqrt{8}} - \frac{1}{\sqrt{8}-\sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7}-\sqrt{6}} - \frac{1}{\sqrt{6}-\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5}-2} = 5$.

26.

सरल कीजिए $\frac{4\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}} - \frac{30}{4\sqrt{3} - 3\sqrt{2}} - \frac{3\sqrt{2}}{3+2\sqrt{3}}$

Simplify $\frac{4\sqrt{3}}{2-\sqrt{2}} - \frac{30}{4\sqrt{3} - 3\sqrt{2}} - \frac{3\sqrt{2}}{3+2\sqrt{3}}$

27.

गुणनखण्ड कीजिए $2x^3 - x^2 - 13x - 6$.

Factorise $2x^3 - x^2 - 13x - 6$.

28.

बहुपद $p(x) = 2x^3 - 3x^2 + ax - 3a + 9$ को $x+1$ से भाग देने पर शेषफल 16 हो, तो a का मान ज्ञात कीजिए। यदि $p(x)$ को $x+2$ से भाग दिया जाए, तो शेषफल क्या होगा ?

The polynomial $p(x) = 2x^3 - 3x^2 + ax - 3a + 9$ when divided by $x+1$, leaves the remainder 16. Find the value of a. Also find the remainder when $p(x)$ is divided by $x+2$.

29.

जाँच कीजिए कि $x^3 - y^3 = (x-y)(x^2 + xy + y^2)$ है। अब $216x^3 - 125y^3$ के गुणनखण्ड कीजिए।

Verify $x^3 - y^3 = (x-y)(x^2 + xy + y^2)$. Hence factorise $216x^3 - 125y^3$.

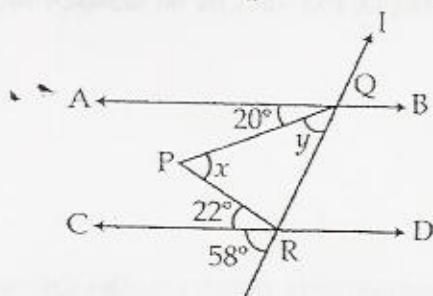
30.

एक आयत ABCD के तीन शीर्ष A(1, 3), B(1, -1) और C(-1, -1) हैं। इन्हें ग्राफ पेपर पर आलेखित कीजिए और इसके चौथे शीर्ष D के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। आयत का क्षेत्रफल भी ज्ञात कीजिए।

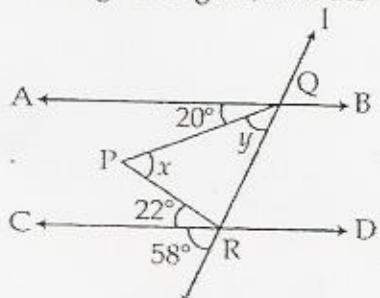
(51)

Three vertices of a rectangle ABCD are A(1, 3), B(1, -1) and C(-1, -1). Plot these points on a graph paper and hence use it to find the coordinates of the 4th vertex D. Also find the area of the rectangle.

31. चित्र में यदि $AB \parallel CD$ है, तो x और y ज्ञात कीजिए।



In the given figure, find the value of x and y if $AB \parallel CD$.



32. $\triangle ABC$ और $\triangle PQR$ में $AB = PQ$, $AC = PR$ और शीर्ष लम्ब AM व PN समान हैं। दर्शाइए कि $\triangle ABC \cong \triangle PQR$ है।

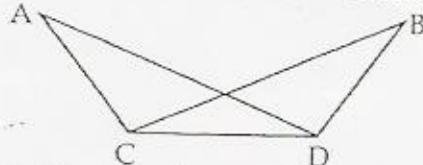
In $\triangle ABC$ and $\triangle PQR$, $AB = PQ$, $AC = PR$ and altitude AM and PN are equal. Show that $\triangle ABC \cong \triangle PQR$.

अथवा / OR

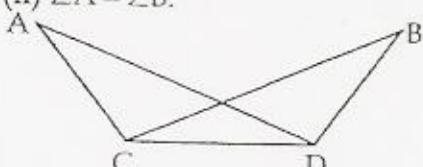
सिद्ध कीजिए कि दो त्रिभुज सर्वांगसम होते हैं, यदि एक त्रिभुज के दो कोण और उनकी अंतर्गत भुजा, दूसरे त्रिभुज के दो कोणों और उनकी अंतर्गत भुजा के बराबर होती है।

Prove that two triangles are congruent, if any two angles and the included side of one triangle are equal to two angle and the included side of other triangle.

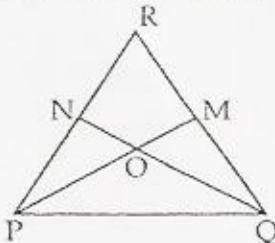
33. चित्र में $\angle BCD = \angle ADC$ और $\angle ACB = \angle BDA$ है। दर्शाइए कि (i) $AD = BC$, (ii) $\angle A = \angle B$ है।



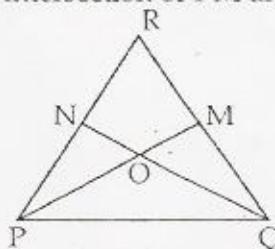
In the given figure, $\angle BCD = \angle ADC$ and $\angle ACB = \angle BDA$. Prove that (i) $AD = BC$, (ii) $\angle A = \angle B$.



34. चित्र में $RP = RQ$ और $\triangle PQR$ की भुजाओं QR , PR पर क्रमशः M और N इस प्रकार हैं कि $QM = PN$ है। सिद्ध कीजिए कि $OP = OQ$ है, जबकि बिंदु O , PM और QN का प्रतिच्छेदन बिंदु है।



In the given figure, $RP = RQ$ and M and N are respectively points on sides QR and PR of $\triangle PQR$, such that $QM = PN$. Prove that $OP = OQ$ where O is the point of intersection of PM and QN .



- o O o -